

Geogebra

- [Breve introducción a Geogebra](#)
- [Personalización del entorno](#)
- [Geogebra en clase](#)
- [Utilización didáctica de Geogebra](#)
- [Integración con otras herramientas](#)
- [Más Geogebra](#)

Breve introducción a Geogebra

Una de las herramientas más utilizadas en niveles preuniversitarios es Geogebra (primaria incluida), cuya licencia para aplicaciones no comerciales es de tipo GNU GPL y se descarga gratuitamente. Además, se puede emplear directamente en línea. Geogebra se puede clasificar como software de geometría dinámica, en el que confluyen un procesador geométrico y otro algebraico y existe muchísima literatura al respecto, así como investigaciones y experiencias didácticas.

Antes de empezar con esta mini-introducción a Geogebra, es de recibo avisar de que si no le gusta al lector... hay otras. No hay más que asomarse a la [wiki oficial de Geogebra en español](#) o al [manual](#) y los [tutoriales](#) en inglés. Aquí haremos una introducción técnica, a la que añadiremos ejemplos de actividades.

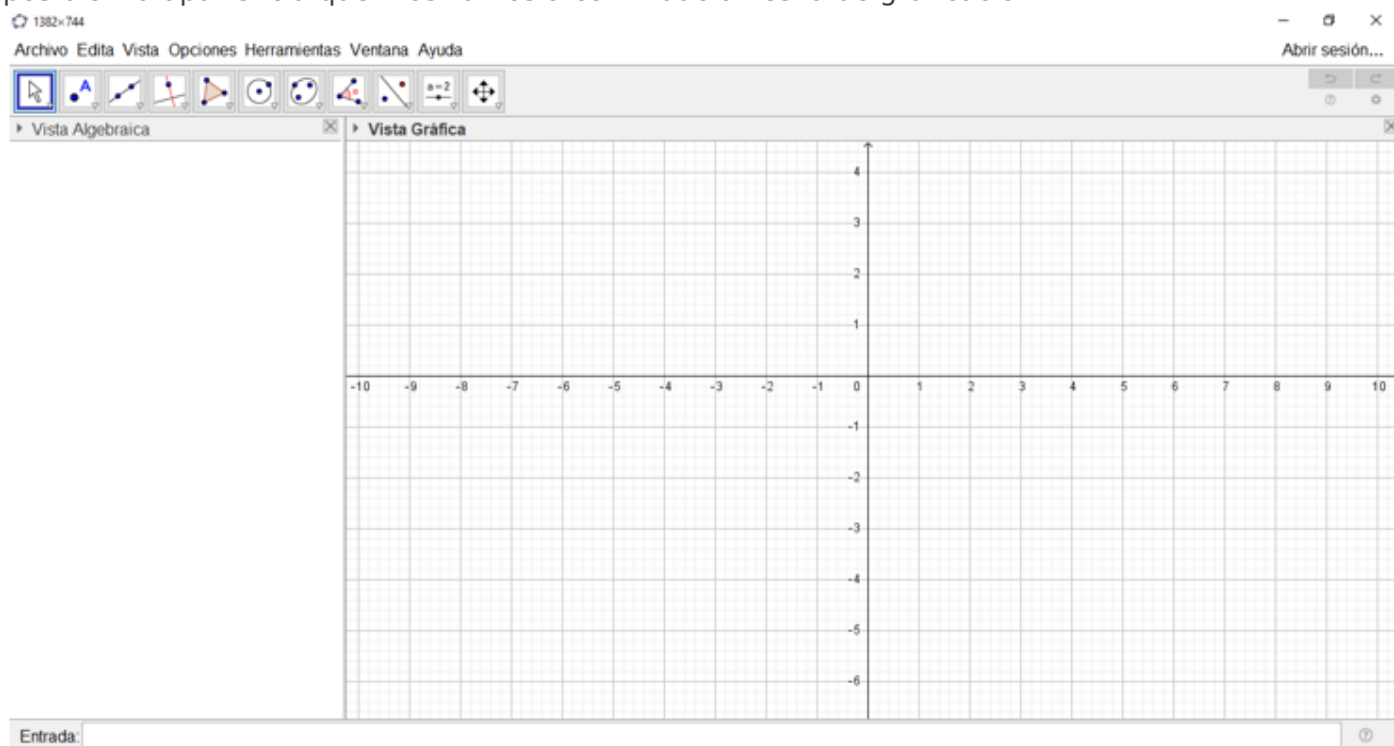
Descarga e instalación

Aunque ya hemos dicho que no hace falta instalar nada, en este curso emplearemos la versión 5, disponible en la web de [descargas de Geogebra](#) donde pone «GeoGebra Classic 5». El hecho de no emplear la nueva versión 6, es que muchos materiales de ayuda que se pueden encontrar fácilmente, se refieren a la versión 5. Por otro lado, todo lo que mencionemos aquí es válido para la nueva versión, y además las construcciones y archivos correspondientes son compatibles. De hecho, existe cierto debate en los propios foros de Geogebra acerca de cuál de las dos versiones es mejor. La principal ventaja de la versión 6 es su adaptación a dispositivos móviles.

Filosofía

Si no hemos abierto nunca Geogebra, puede sorprendernos el minimalismo de la interfaz. Unos ejes cartesianos de referencia, un panel a la izquierda y un menú con «herramientas y comandos». Es posible que la primera vez que lo abrimos, se abra en modo «calculadora gráfica», por lo que para abrir la interfaz clásica tendremos que ir al menú. Por otro lado, una de las características de Geogebra es que es dinámico, y ofrece diversas «apariencias» (vistas, en versiones anteriores), que van en relación con el tipo de representación de los objetos matemáticos que intervienen. Por ejemplo, representación algebraica y gráfica. Esto significa que si modificamos un objeto en cualquier vista, su representación en las otras se actualiza automáticamente, siempre que sea

posible. La apariencia que mostramos a continuación es la de graficación.



La filosofía fundamental de Geogebra es que en las diferentes vistas podremos introducir objetos matemáticos de dos tipos: libres (o independientes) y ligados (o dependientes). Todas las construcciones que hagamos sobre Geogebra dependen de esta distinción.

Herramientas



Las herramientas y comandos, por llamarlos de alguna manera (en el fondo, muchas de ellas son objetos matemáticos), se acceden desde la barra que está disponible en la parte superior de la pantalla. Cada uno de los iconos agrupa, a su vez, una serie de herramientas en un menú desplegable. Con ellas, se pueden realizar construcciones en la vista gráfica utilizando el ratón y, cada vez que introduzcamos un objeto nuevo (recta, circunferencia, etc.), las coordenadas o ecuaciones correspondientes se mostrarán en la vista algebraica.

Cabe observar que los diferentes objetos matemáticos también podemos introducirlos desde la barra de entrada, en la parte inferior, sin más que ingresando sus coordenadas o ecuaciones. Por otro lado, además de la vista gráfica y la algebraica, tenemos:

- Vista gráfica 3D.

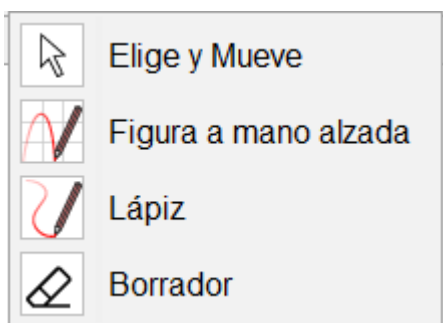


- Vista CAS para utilizar el sistema de GeoGebra para cálculos simbólicos.
- Vista de hoja de cálculo para trabajar con datos y conceptos estadísticos.
- Calculadora de probabilidades, para calcular y representar gráficamente distribuciones de probabilidades

Pero detengámonos en la barra de herramientas geométricas para comentarla un poquito.

Elige y mueve, mano alzada

Desde el primer menú accedemos a la herramienta «Elige y mueve», que permite mover objetos sobre la representación gráfica. Es en este menú donde tenemos también las herramientas para hacer figuras (que bien pueden ser funciones) o bocetos, así como borrar. Observaremos que la última herramienta que usemos es la que se queda por defecto hasta que empleemos otra.



Puntos

En este menú se agrupan unas cuantas herramientas relacionadas con los puntos. Con la primera de ellas, «Punto», lo que crearemos es un punto «libre», que podremos desplazar a cualquier lugar. Sin embargo, utilizando las herramientas «punto en objeto», «intersección» o «punto medio o centro» crearemos un punto que cumple unas condiciones determinadas. En estos casos, si mantenemos el cursor encima de la herramienta, nos indica qué tipos de objetos debemos seleccionar para llevar a cabo la acción.



	Punto
	Punto en objeto
	Limita/Libera Punto
	Intersección
	Punto medio o Centro
	Número complejo
	Extremos relativos
	Raíces

Rectas

En este menú nos encontramos con rectas, segmentos, semirrectas, etc.

	Recta
	Segmento
	Segmento de longitud dada
	Semirrecta
	Poligonal
	Vector
	Vector equipolente

Rectas especiales

El menú que hemos llamado «rectas especiales» contiene herramientas para trazar perpendiculares, paralelas, mediatrices, bisectrices, etc.



	Recta perpendicular
	Recta paralela
	Mediatriz
	Bisectriz
	Tangentes
	Recta Polar o Diametral
	Ajuste lineal
	Lugar geométrico

Polígonos

El menú de polígonos.

	Polígono
	Polígono regular
	Polígono rígido
	Polígono vectorial

Circunferencias

El menú más «circular» de todos, para crear circunferencias, arcos y demás.



	Circunferencia (centro, punto)
	Circunferencia (centro, radio)
	Compás
	Circunferencia por tres puntos
	Semicircunferencia
	Arco de circunferencia
	Arco Tres Puntos
	Sector circular
	Sector Tres Puntos

Cónicas

	Elipse
	Hipérbola
	Parábola
	Cónica por cinco puntos

Medida

Una primera aproximación al menú de medida son las herramientas que nos permiten medir ángulos, distancias y áreas. Esencial para trabajar la conjetura con Geogebra, porque nos muestra mucha información sobre la construcción realizada.



	Ángulo
	Ángulo dada su amplitud
	Distancia o Longitud
	Área
	Pendiente
	Lista
	Relación
	Analizador de funciones

Transformaciones en el plano

Las transformaciones tales como las simetrías, traslaciones y homotecias las tenemos en este menú.

	Simetría Axial
	Simetría Central
	Inversión
	Rota alrededor de un punto
	Traslación
	Homotecia

Controles

De cara a elaborar gifs o manipulables, las herramientas de control son fundamentales. El «deslizador», por ejemplo, es un número que podemos variar con el ratón (entre un mínimo y un máximo que podemos establecer), mientras que si queremos introducir libremente un número utilizaríamos la «casilla de entrada». Además, tenemos la posibilidad de añadir texto o imágenes, así como botones y casillas de control.



	Deslizador
	Texto
	Imagen
	Botón
	Casilla de control
	Casilla de Entrada

Apariencia o vista

Finalmente, tenemos un menú con el que controlar la vista en sí. Por ejemplo, qué objetos o etiquetas queremos mostrar, copiar el estilo (formato) visual o hacer zoom. No obstante, para hacer zoom es mucho mejor acostumbrarse a utilizar la tecla control mientras manejamos la rueda del ratón.

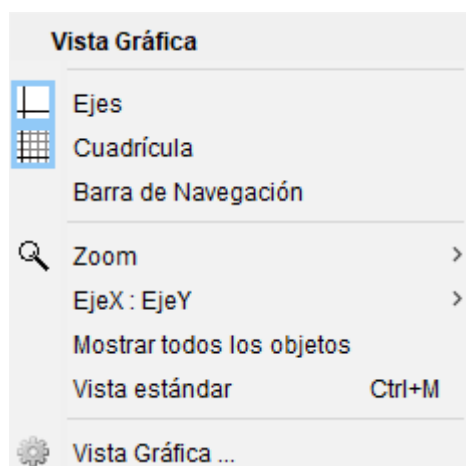
	Desplaza Vista Gráfica
	Acercar
	Alejar
	Mostrar/ocultar objeto
	Mostrar/ocultar etiqueta
	Copiar estilo visual
	Borra

Personalización del entorno

Es sencillo cambiar la apariencia de los objetos de Geogebra. Por ejemplo, que los puntos se vean más gordotes. Igualmente, se pueden mostrar u ocultar los ejes, la cuadrícula y el color de fondo.

¿Cómo se personaliza?

Los ejes y la cuadrícula en la vista gráfica se pueden mostrar y ocultar a voluntad, sin más que desplegando el menú con el botón derecho del ratón:



Además, si en dicho menú entramos en «Vista gráfica...» podremos elegir el color de fondo, entre otras cosas, como la relación entre los ejes:



Preferencias - sistema2x2.ggb

☐ Básico
 ☐ EjeX
 ☐ EjeY
 ☐ Cuadrícula

Dimensiones

x Mín: x Máx:
 y Mín: y Máx:
 EjeX : EjeY
 : ☐

Ejes

☒ Mostrar ejes
 ☐ Negrita
 Color: Estilo de trazo:
 Estilo de etiqueta ☐ Serif ☐ Negrita ☐ Cursiva

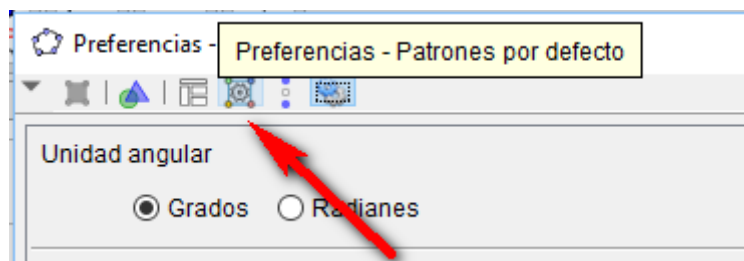
Barra de mavegación por pasos de construcción

☐ Muestra
☐ Botón de reproducción
☐ Botón para abrir el Protocolo

Misceláneas

Color de fondo:
 Indicaciones:
☐ Mostrar las coordenadas del puntero

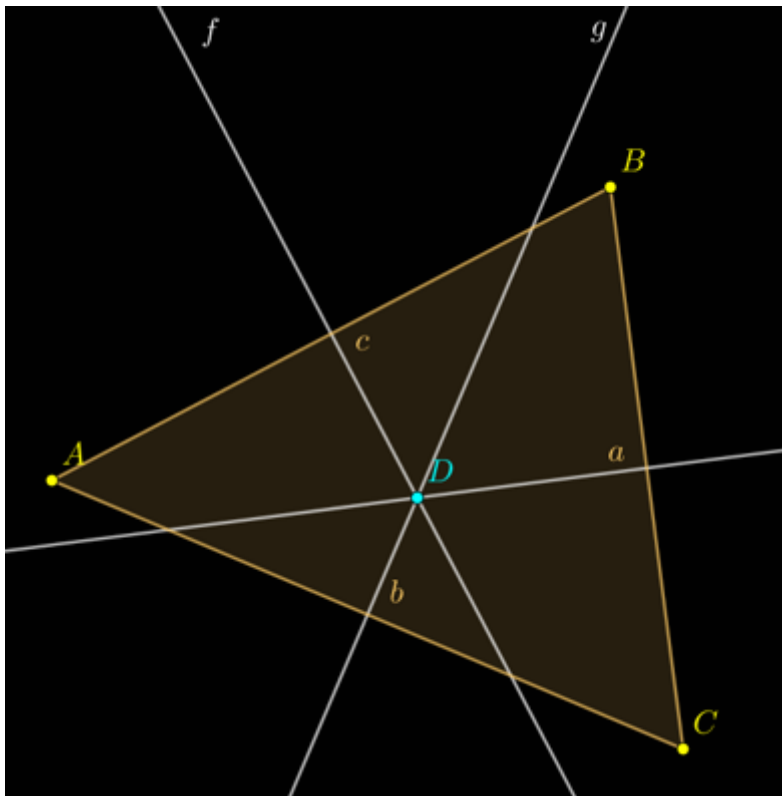
Por otro lado, el color y el grosor de los objetos también puede modificarse, bien individualmente una vez creados, bien en los patrones por defecto.



Ejemplos

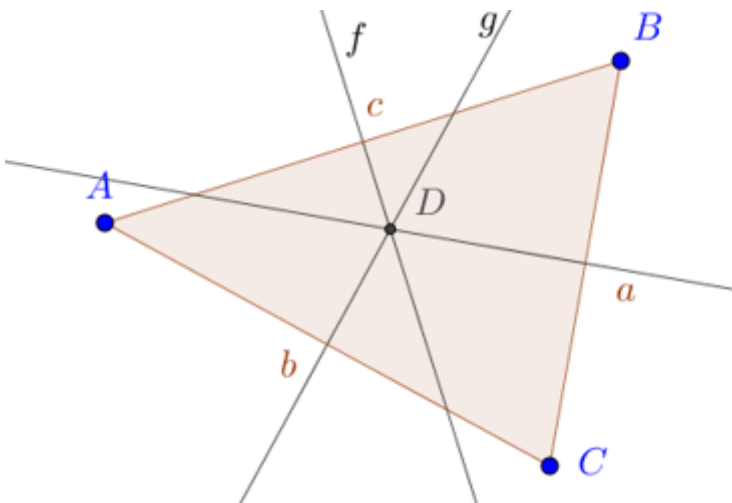
Fondo oscuro

Un ejemplo de personalización, con el fondo oscuro y las líneas y puntos algo más gordotes. Además, la fuente de las letras es también más grande y más elegante. Puede venir bien para su visualización web o incluso en la pizarra virtual, especialmente si hay poca luz ambiental.



Fondo claro

Un ejemplo de fondo claro, pero con algún detalle modificado, como el rótulo de los objetos.





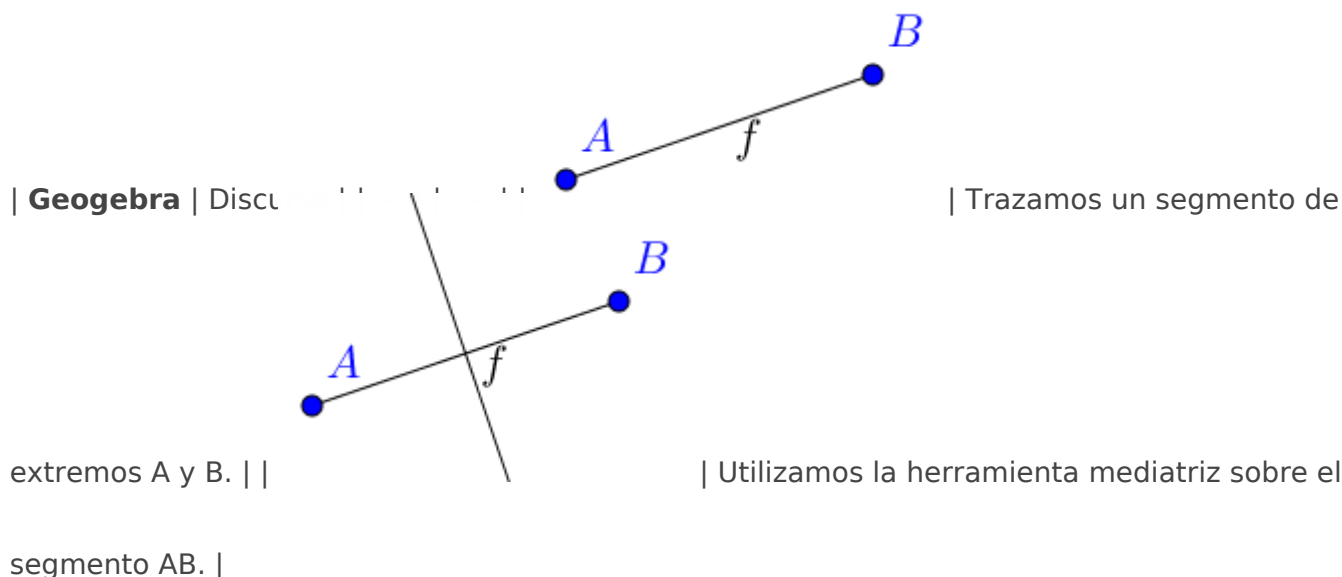
Geogebra en clase

Si el aula dispone de ordenador y cañón, aunque no tenga pizarra digital o esta funcione regular, puede resultar conveniente tener abierto Geogebra para apoyar muchas de las explicaciones o la resolución de algún problema. Nos referimos aquí tanto a esos momentos que se denominan magistrales, donde el profesor directamente explica algún contenido, como a situaciones en donde hay más interacción, como el trabajo en grupos con sus puestas en común. Ambos contextos tienen en común que es el profesor el que guía, de alguna manera, el devenir de la clase.

Dos formas de trazar la mediatriz en Geogebra

La rápida

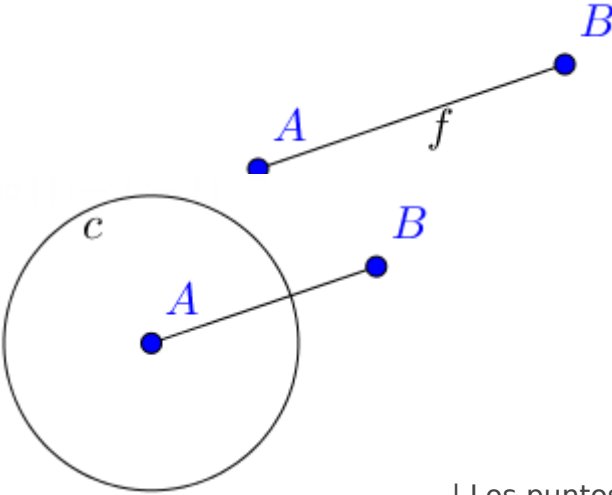
Geogebra tiene una herramienta que nos permite trazar directamente la mediatriz de un segmento. Esto resulta conveniente cuando el alumnado ya sabe lo que es una mediatriz, para acelerar el proceso de elaboración de las construcciones en Geogebra.



Con significado

Pensemos ahora que queremos introducir el concepto de mediatriz en clase. O que simplemente queremos enfatizar que queremos encontrar todos los puntos que están a la misma distancia de A que de B. Si utilizamos Geogebra para ello, en lugar de la regla y el compás, realizaríamos algo similar a lo siguiente:

| Geogebra | Discur

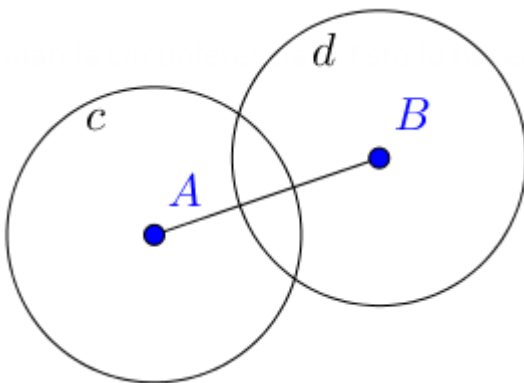


extremos A y B. ||

| Trazamos un segmento de

Los puntos que están una distancia

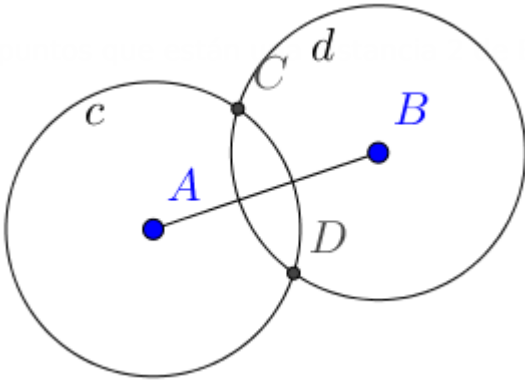
determinada de A, por ejemplo, a distancia 2, fo



ios con la

herramienta «circunferencia (centro, radio)». ||

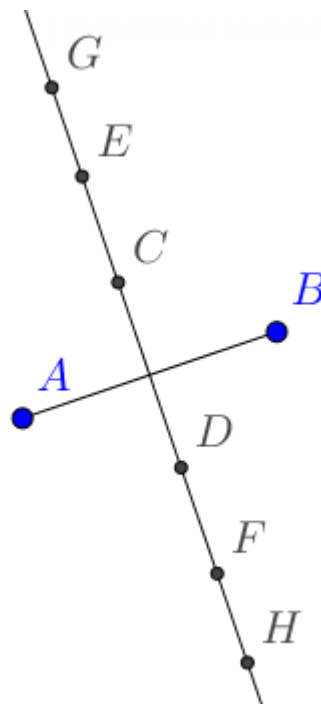
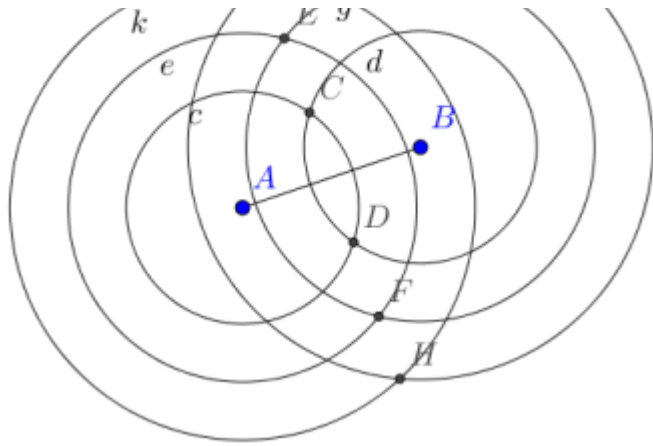
| Los



forman la circunferencia d. ||

| Los puntos de corte de las circunferencias c y d están, por

lo tanto, a distancia 2 de A y de B. Los seleccionamos con la herramienta «intersección». ||



1 circunferencias

centradas en A y B de radios 3 y 4. | |

| Limpiamos las

circunferencias (botón derecho sobre el objeto y dándole a «mostrar objeto» o en el circulito de la vista de objetos de la izquierda) y... ¡eso parece una recta! La trazamos con la herramienta «recta» para comprobar que los puntos están alineados. Hemos construido la mediatriz y hemos visto que está formada por puntos que equidistan de A y de B. |

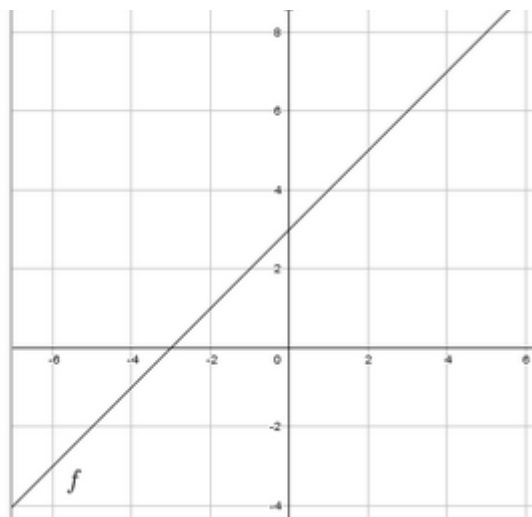
Sistemas de ecuaciones lineales 2x2

La conexión del álgebra y la geometría pocas veces es tan evidente como en la representación gráfica de sistemas de dos ecuaciones lineales con dos incógnitas. Aunque aquí nos centraremos en ellos, el tipo de discurso es muy similar para otros tipos de funciones. Por otro lado, durante todo el tema de sistemas resulta muy interesante tener el Geogebra abierto para representar los



ejercicios y problemas.

Reda
● $f: y = x + 3$

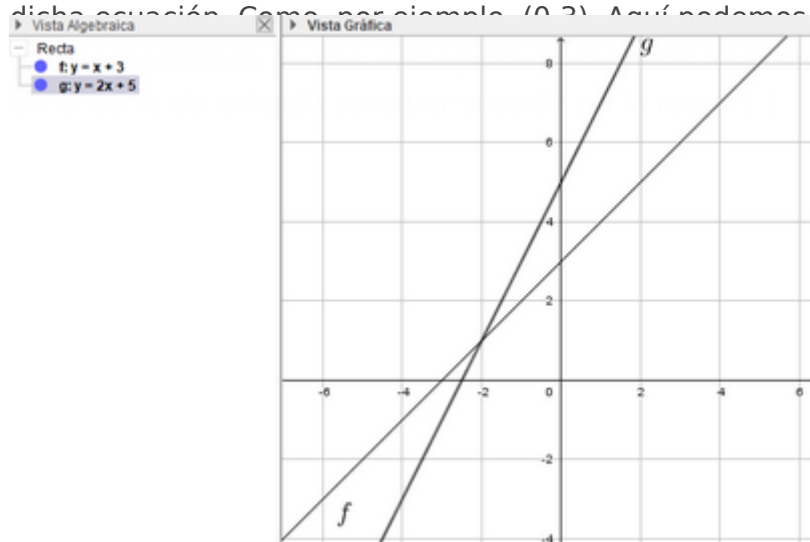


| **Geogebra** | **Discurso** | | :---: | :---: | |

Resolvamos gráficamente el sistema formado por las ecuaciones $y = x + 3$ e $y = 2x + 5$.

Comencemos trazando la primera de las rectas. Está formada por todos los puntos que cumplen

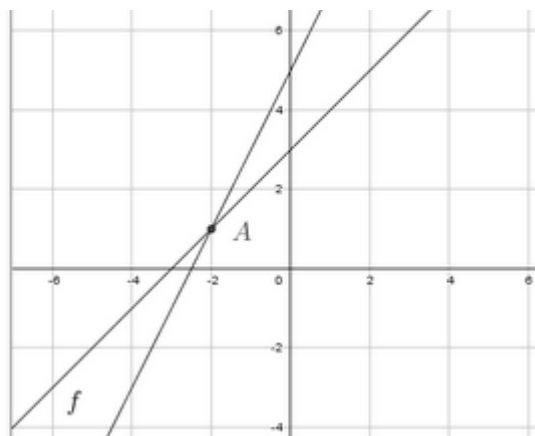
dicha ecuación. Como por ejemplo $(0, 3)$. Aquí podemos utilizar la herramienta «punto en objeto» para que propongan puntos e introducirlos



| Trazamos la segunda de las rectas. | |



CATEDU



| El punto de corte de ambas rectas es el

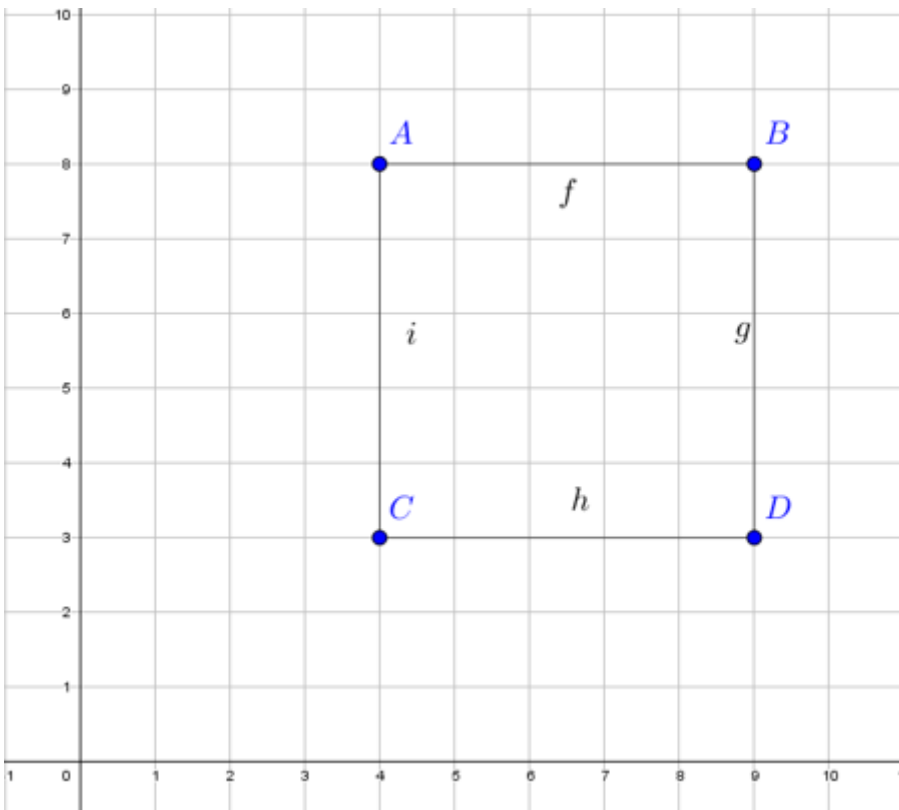
único punto que cumple las dos ecuaciones. |

Utilización didáctica de Geogebra

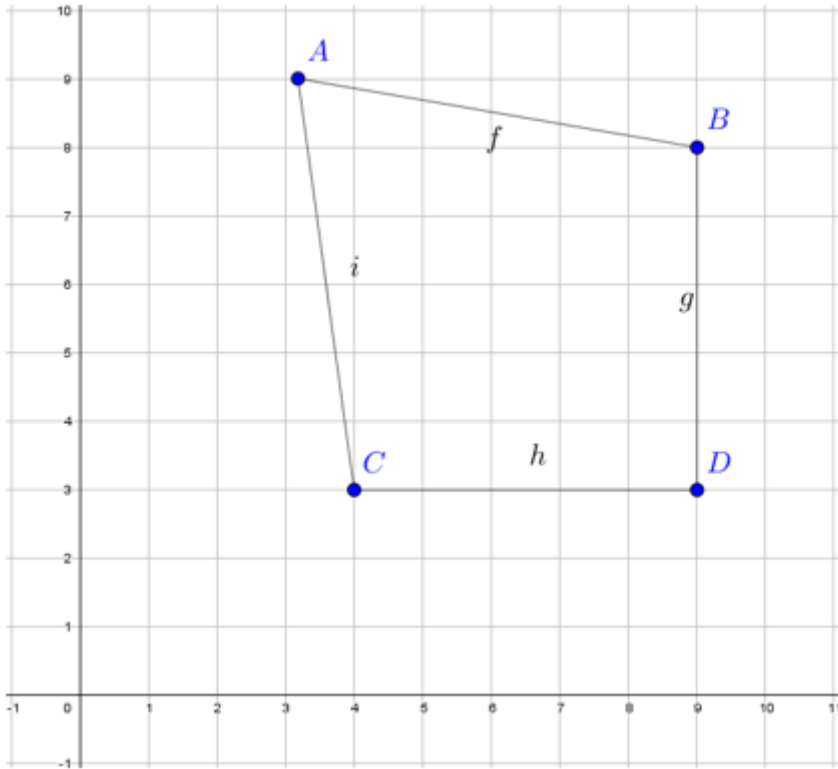
Contruyamos un cuadrado

Vaya cosa más fácil, ¿no?

Depende de cómo realicemos una construcción, estaremos ante lo que pretendíamos construir... o no. Supongamos que queremos hacer un cuadrado y nos encontramos con lo siguiente:



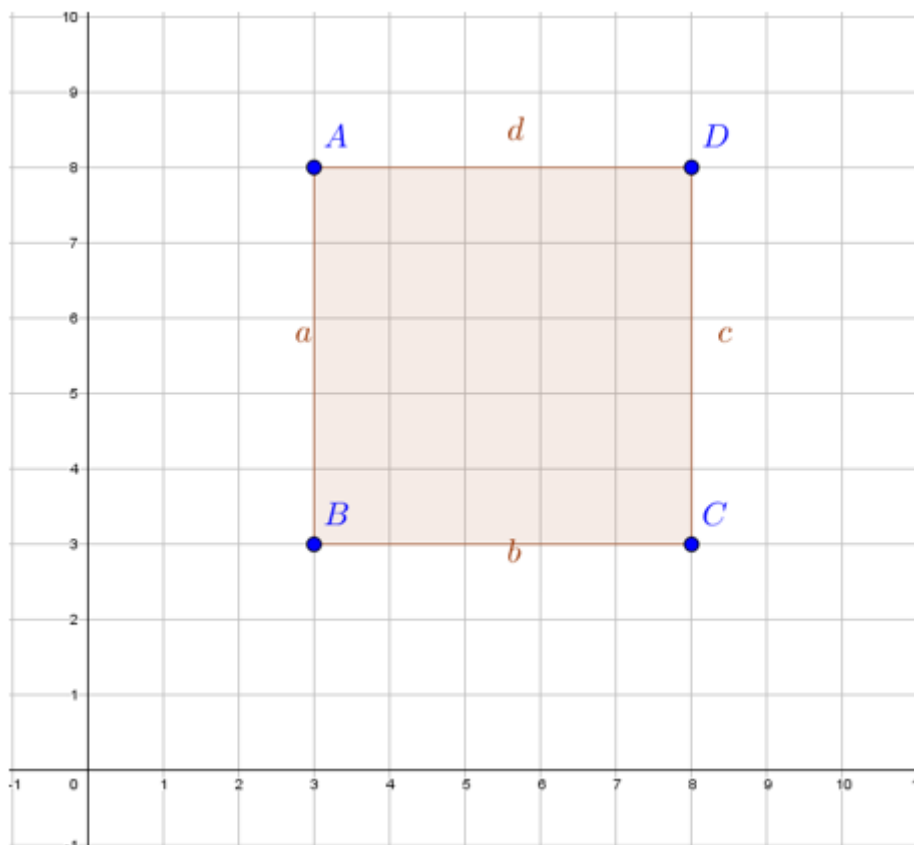
Parece un cuadrado, ¿verdad? Tiene cuatro lados que, además, son iguales... Los ángulos son también iguales... Es más, podemos decir que su lado son 5 unidades. Todo correcto, ¿no? Pues resulta que en Geogebra, eso que muestra la figura anterior, no es un cuadrado. Si tomamos un punto cualquiera y lo desplazamos, veremos que ocurre algo similar a esto:



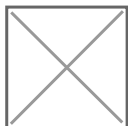
¡Eso no es cuadrado! ¡Hemos descubierto el engaño! Eso es debido a que para construir el «cuadrado» de la primera figura no nos hemos basado en las características esenciales de la figura a construir. Lo único que hemos hecho es disponer 4 puntos libres en la trama y unirlos con segmentos. Al ser puntos libres, se pueden desplazar como queramos, sin influir en el resto de objetos. La única restricción, si acaso, es que los segmentos dibujados siempre tienen como vértices A, B, C y D. Pero nada más.

Pero, ¿no hay una herramienta para hacer polígonos?

Sí, la hay. Usémosla para hacer nuestro cuadrado.



Qué bien ha quedado nuestro cuadrado, ¿no? Además, esta vez ha salido con un relleno sólido que le da más empaque. Veamos, lo del colorcillo es porque lo que tenemos ahora es un polígono, otro tipo de objeto distinto a los meros puntos y segmentos del apartado anterior. Sin embargo, hagamos



Nuestro gozo en un pozo, sigue pareciéndose a una cosa rara que salía en la primera de la *Guerra de las galaxias*... Entonces, ¿qué podemos hacer?

Un cuadrado de verdad

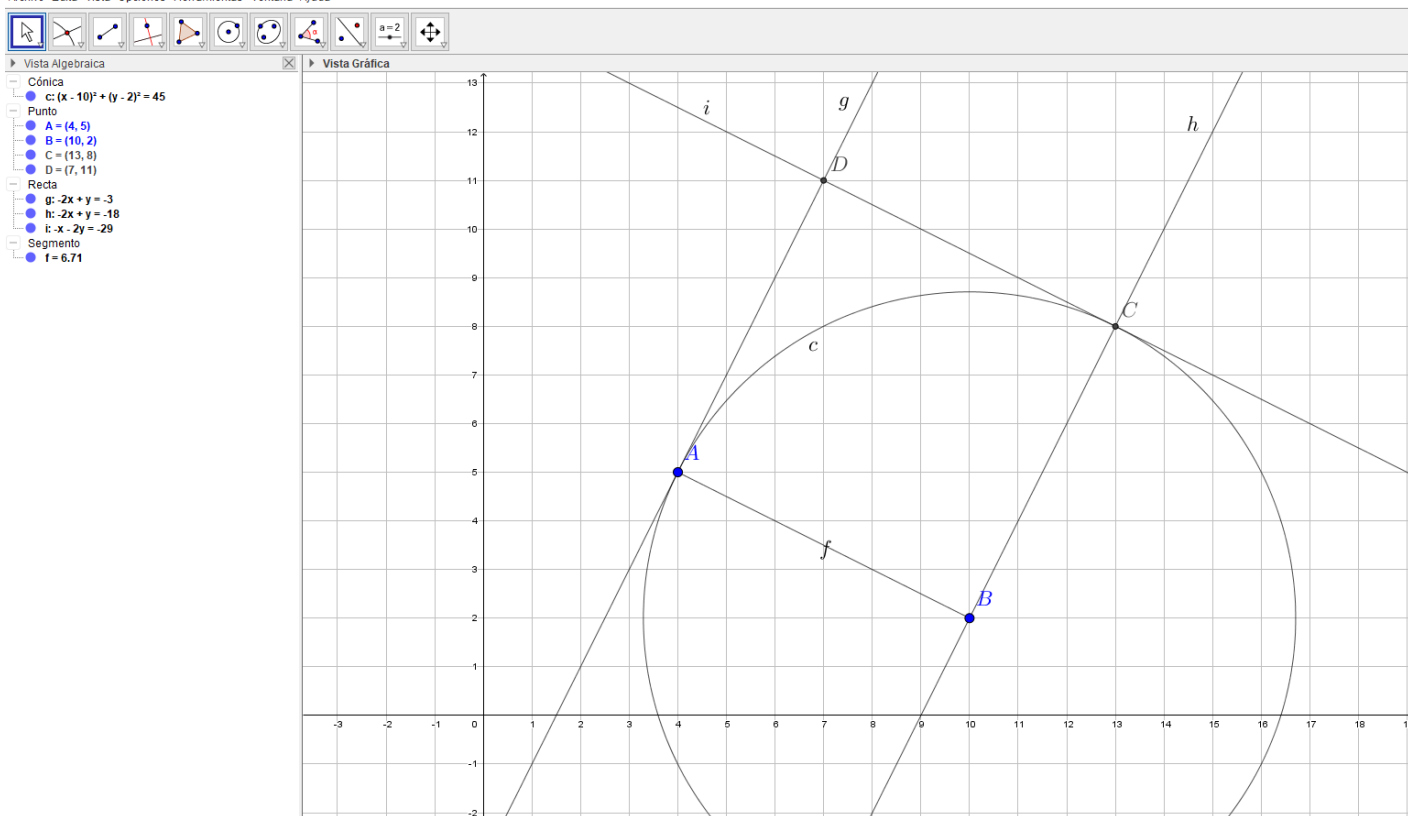


Pensemos un poquito sobre por qué un cuadrado es un cuadrado. Es un cuadrilátero, por lo que tiene 4 vértices y 4 lados. Sus lados son iguales y perpendiculares entre sí. Y...bueno, con eso ya es suficiente. Conste que podríamos partir de otras propiedades que solamente cumplen los cuadrados, pero con las que hemos dicho, nos vale.

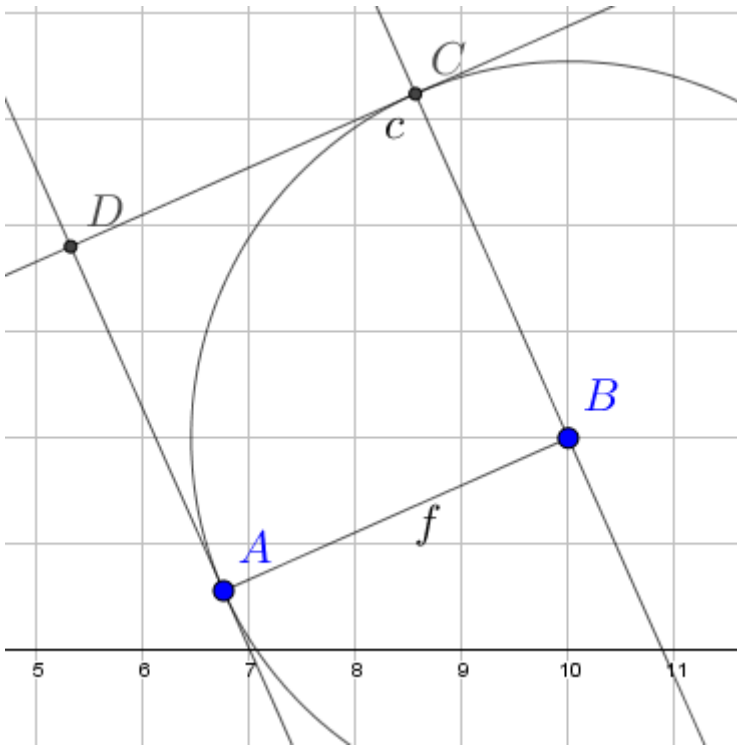
- Creamos dos puntos libres, que serán A y B, y los unimos con un segmento, que será uno de los lados del futuro cuadrado.
- Utilizamos la herramienta «Recta perpendicular» para crear dos rectas perpendiculares a AB pasando por A y por B, respectivamente.
- Utilizamos la herramienta «Circunferencia (centro, punto)» para encontrar un tercer vértice. Pinchamos nuestro compás en B y lo abrimos hasta A. Al punto de corte de esa circunferencia con la recta perpendicular a AB que pasa por B, lo llamamos C. Para bautizarlo en Geogebra tenemos que crearlo. Y eso se hace con la herramienta «Intersección»
- Nos falta nuestro D, que podemos hacerlo igual que hemos hecho para C, o creando una perpendicular a AC que pasa por C y creando el punto de corte de esa recta nueva con la perpendicular a AB que pasa por A.

geogebra-cuadrado.ggb

Archivo Edita Vista Opciones Herramientas Ventana Ayuda



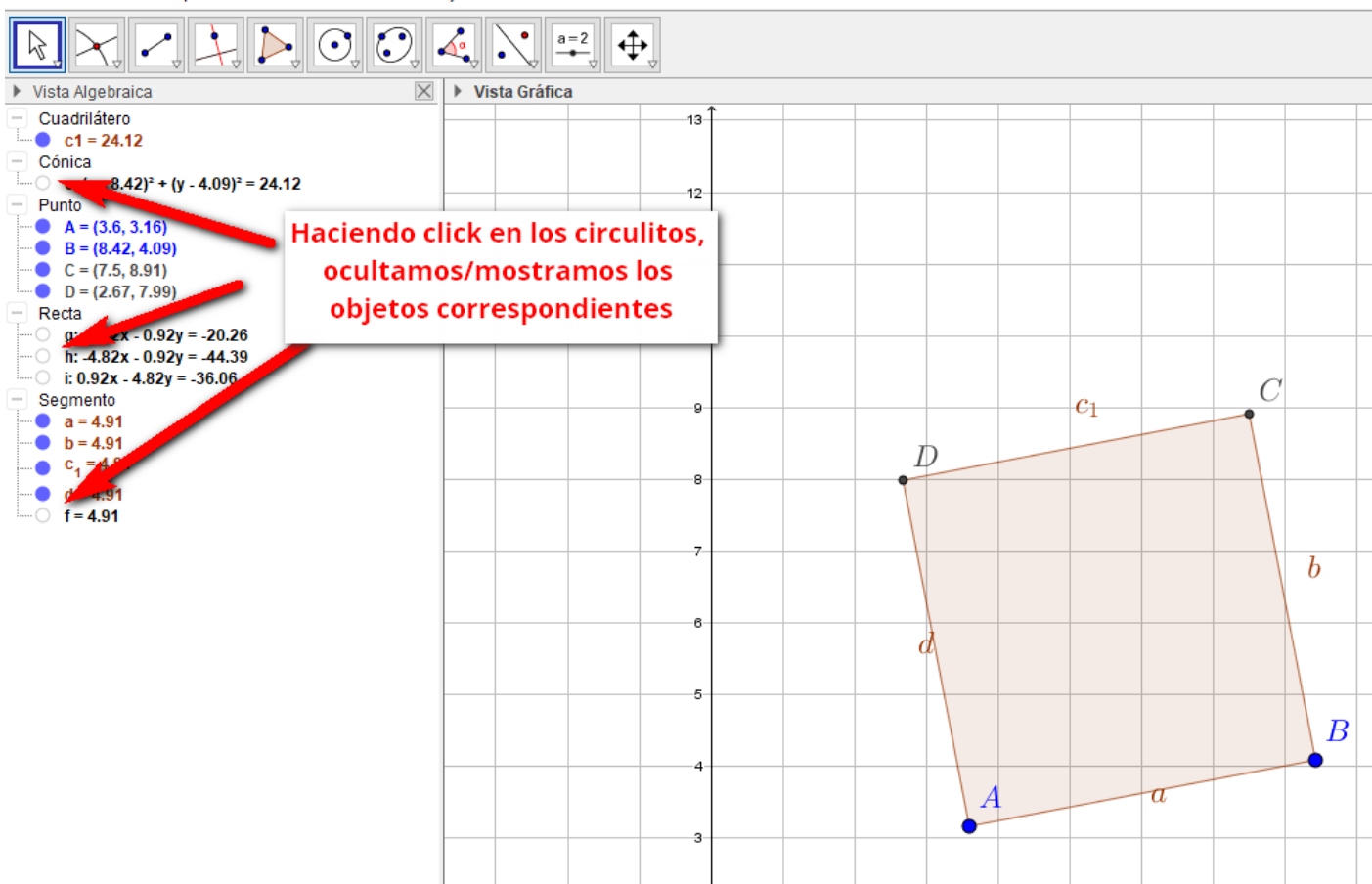
Ya está, ABCD es nuestro cuadrado, y si desplazamos A, sigue siendo un cuadrado:



Hemos dejado la hoja llena de objetos que ya no nos hacen falta y queríamos hacer un cuadrado, no rectas y circunferencias de regalo. Bien, es verdad, entonces basta con crear un polígono sobre A, B, C y D y ocultar todos los objetos menos ese nuevo polígono:

geogebra-cuadrado.ggb

Archivo Editar Vista Opciones Herramientas Ventana Ayuda



El archivo .ggb correspondiente puede descargarse [aquí](#).

Algunas conclusiones sobre esto del cuadrado

Desde el punto de vista de la didáctica de la geometría, esto que acabamos de hacer con el cuadrado es esencial. Para hacer un simple cuadrado de verdad hemos tenido que reflexionar sobre qué hace que un cuadrado sea un cuadrado. Esto es, las propiedades necesarias y suficientes que ha de tener un cuadrilátero para poder ser considerado como un cuadrado.

A partir de aquí, las actividades obvias pasan por la definición de cuadriláteros y otras figuras geométricas. Si se complementa con las obligatorias reflexiones sobre lo que se está haciendo, estamos ante un recurso excelente y que, por otro lado, no tiene equivalente con lápiz y papel.

Conjeturemos

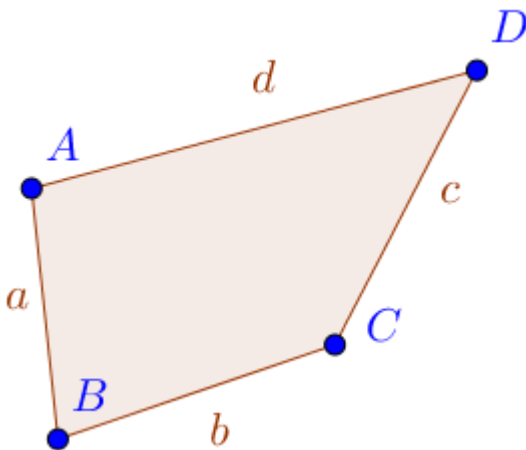
En matemáticas, la idea de conjetura es esencial y se refiere a una proposición que se supone cierta, pero que todavía no ha sido probada ni refutada. Geogebra fomenta que, con tareas adecuadas, los alumnos conjeturen.

Ejemplo 1: polígono que forman los puntos medios de un cuadrilátero

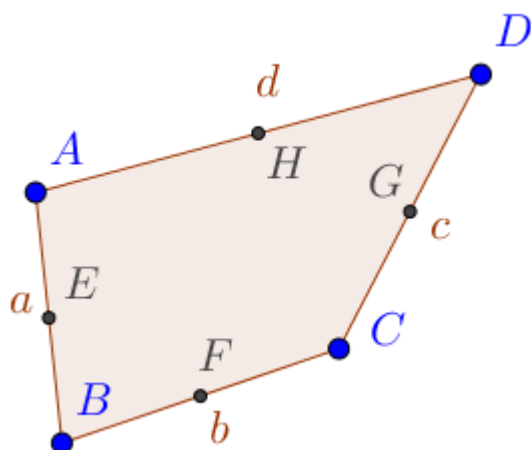
Conjetura si la siguiente afirmación es verdadera o no, de forma razonada.

“Dado un cuadrilátero cualquiera, los puntos medios de los lados determinan un paralelogramo

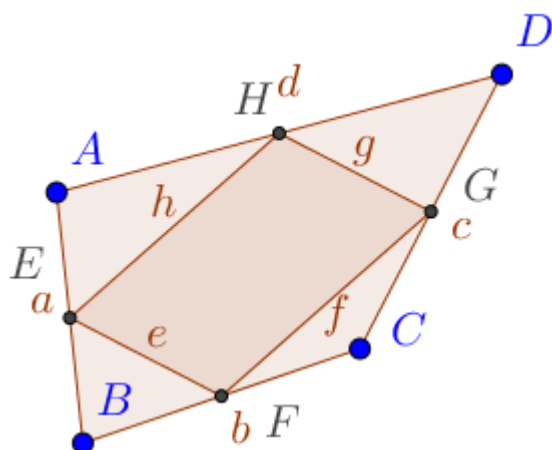
La construcción que haríamos en primer lugar es la de un cuadrilátero libre; es decir, uno cuyos vértices fueran puntos libres. Esto lo podemos realizar directamente con la herramienta polígono o creando primero los puntos y luego el polígono sobre ellos.



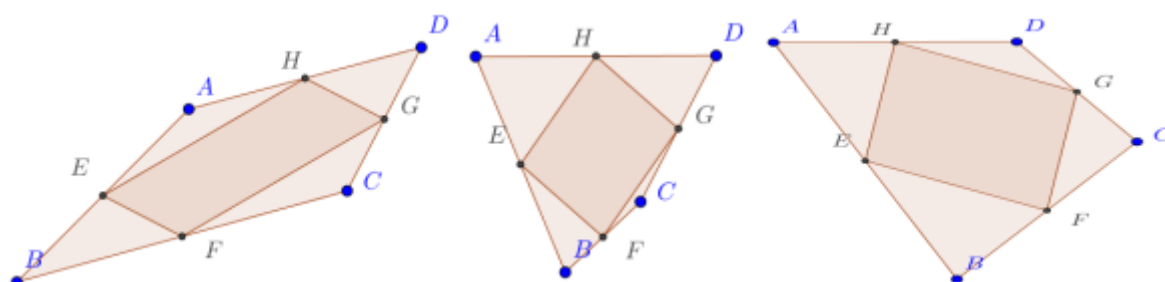
A continuación, hallaremos los puntos medios de los lados. Dichos puntos ya no serán libres, y los crearemos utilizando la herramienta «punto medio». Observemos que también se podrían hallar a partir de la mediatriz (para lo que hay otra herramienta) y luego definiendo el punto como la intersección de la mediatriz y el lado.



Solamente nos falta el polígono determinado por los puntos medios (E, F, G y H). Tomamos la herramienta polígono y unimos dichos puntos.



Aquí ya podríamos empezar a tratar de conjeturar, moviendo los puntos libres que determinan los vértices del cuadrilátero original.



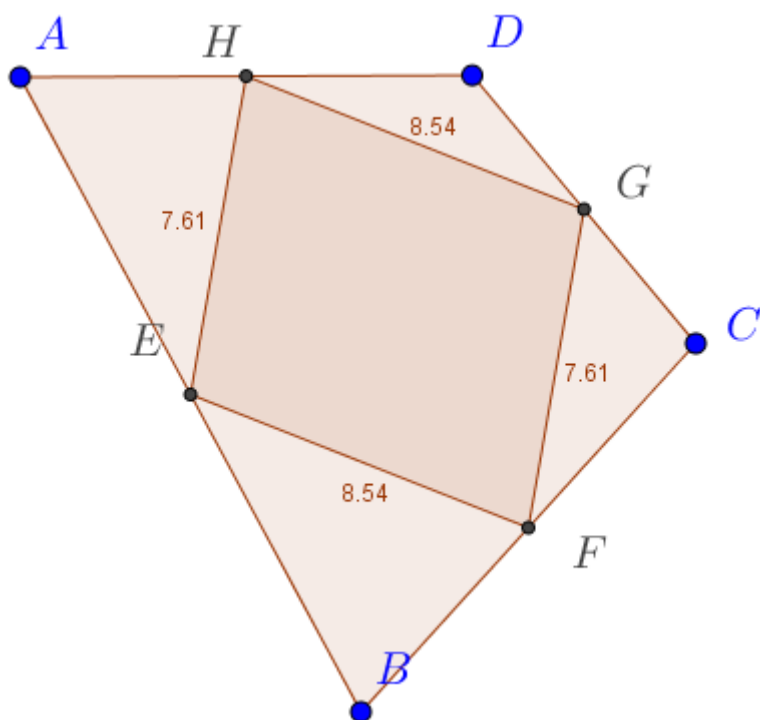
Si la actividad se trabaja por parejas, se tiene la oportunidad de verbalizar estas primeras conjeturas:

- Parece un rectángulo, ¿no?

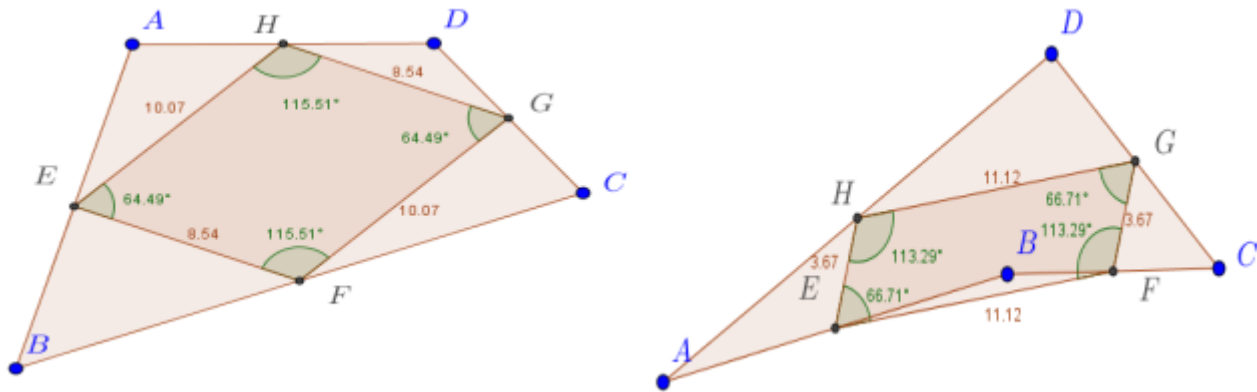
- No, no, espera, si movemos esto a mí me parece un rombo...
- ...

Es un buen momento para anotar estas conjeturas en el cuaderno.

Sin embargo, solo hemos comenzado con la actividad. Parece que tenemos todo listo, pero nos falta algo más. Necesitamos más información, y para eso utilizaremos otras herramientas de Geogebra. Por ejemplo, nos puede interesar la longitud de los lados y los ángulos, ya que las clasificaciones usuales de los cuadriláteros se hacen en función de estos dos elementos. Si hacemos que la construcción muestre las distancias, podemos ver que, hagamos lo que hagamos con A, B, C y D, los lados opuestos siempre miden lo mismo. En la actividad de aula, es bueno que esto lo anoten en el cuaderno o que lo incluyan en un documento con la captura de pantalla correspondiente y señalando lo que está ocurriendo.



Bueno, parece que vamos acotando el problema. Pero para ser más exactos, vamos a mostrar también los ángulos:



Lo que observamos es que, tanto sea cóncavo como convexo el cuadrilátero original, el cuadrilátero que resulta de unir los puntos medios tiene siempre:

- Lados opuestos iguales.
- Ángulos opuestos iguales.

Por lo tanto, hagamos lo que hagamos, siempre es un paralelogramo.

Y bueno, se podría seguir tirando de la cuerda. ¿Por qué EF y HG son paralelos (y EH y FG)?

La hoja de cálculo de Geogebra

Geogebra incluye una hoja de cálculo que es muy sencilla de utilizar. Para ejemplificar su funcionamiento, pensemos en un problema de divisibilidad, en torno al concepto de mínimo común múltiplo.

“ El autobús que va a Cuarte y el que va a Villanueva inician sus recorridos a las siete de la mañana desde el mismo punto de partida. Si el de Cuarte tiene un servicio cada 24 minutos, y el de Villanueva cada 36 minutos, ¿a qué hora, después de las siete, vuelven a coincidir en la salida?

Hoja de Cálculo			
f_x	N	C	
D6			
	A	B	
1	24	48	

| Geogebra | Explicación | | :---: | :--- | | Calculemos en primer lugar cuánto tarda en volver a la salida el primer autobús. | |



f_x	N	C					
	A	B	C	D			
1	24	48					

| Seleccionamos las dos celdas y arrastramos para

que la hoja nos calcule el resto de múltiplos, que nos proporcionan los instantes en que el primer

Hoja de Cálculo									
f_x	N	C							
D9									
	A	B	C	D	E	F	G	H	
1	24	48	72	96	120	144	168	192	

| Aquí

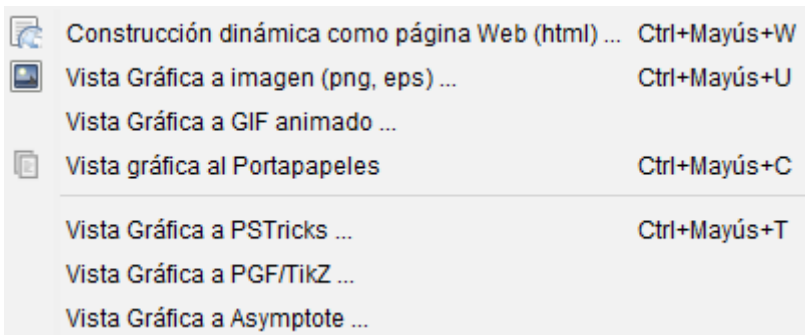
Hoja de Cálculo									
f_x	N	C							
D15									
	A	B	C	D	E	F	G	H	
1	24	48	72	96	120	144	168	192	
2	36	72	108	144	180	216	252	288	

| Realizamos

lo mismo para el segundo autobús e identificamos que a los 72 minutos coinciden en la salida. Es decir, una hora y doce minutos después de las siete de la mañana, a las 8:12. |

Integración con otras herramientas

Lo que hagamos con Geogebra no tiene por qué quedarse ahí. Sin ir más lejos, el menú de exportación ofrece un montón de opciones:



Crear y utilizar un gif para utilizar en Kahoot (por ejemplo)

El primer paso es elaborar la construcción. Ilustraremos el procedimiento de crear un gif haciendo una construcción para hallar el circuncentro de un triángulo.

“ El circuncentro es el punto en el que se intersecan las tres mediatrices de un triángulo y es el centro de la circunferencia circunscrita.

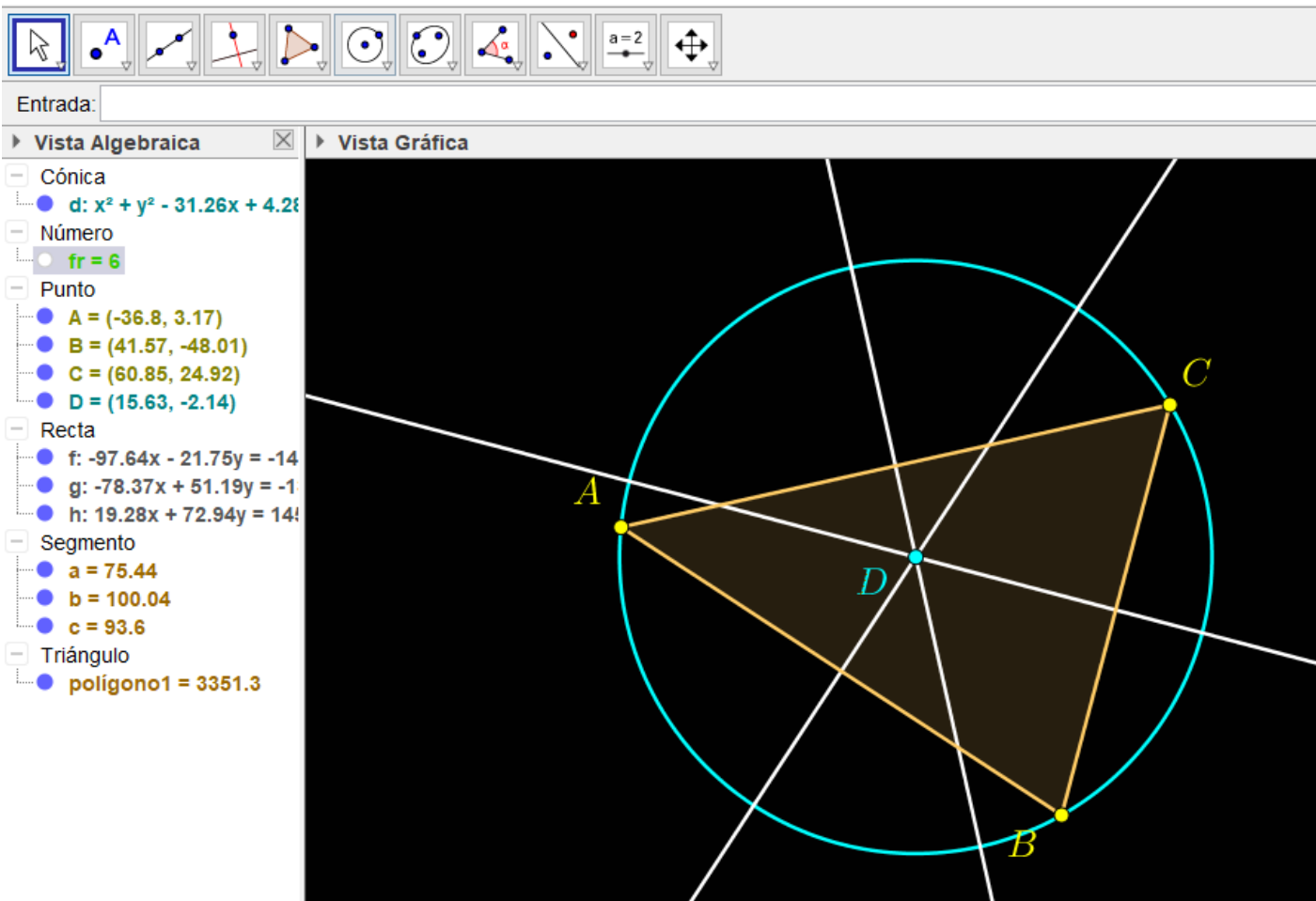
Para ello, la secuencia que podemos realizar es la siguiente:

1. Crear el triángulo, mediante la herramienta «polígono».
2. Trazar las mediatrices, para lo que viene bien la herramienta «mediatriz».
3. Obviamente, se cortan en un punto, que no es otro que el circuncentro. Lo bautizamos en Geogebra con la herramienta «intersección».
4. Como el punto así obtenido está a la misma distancia de A, B y C, es posible trazar la circunferencia que pasa por esos puntos, que circunscribe al triángulo.

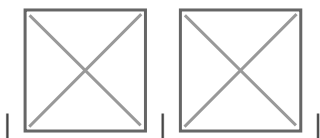
5. Ponemos los colorines a nuestro gusto, ocultamos rótulos y etiquetas que molesten y ya lo tenemos.

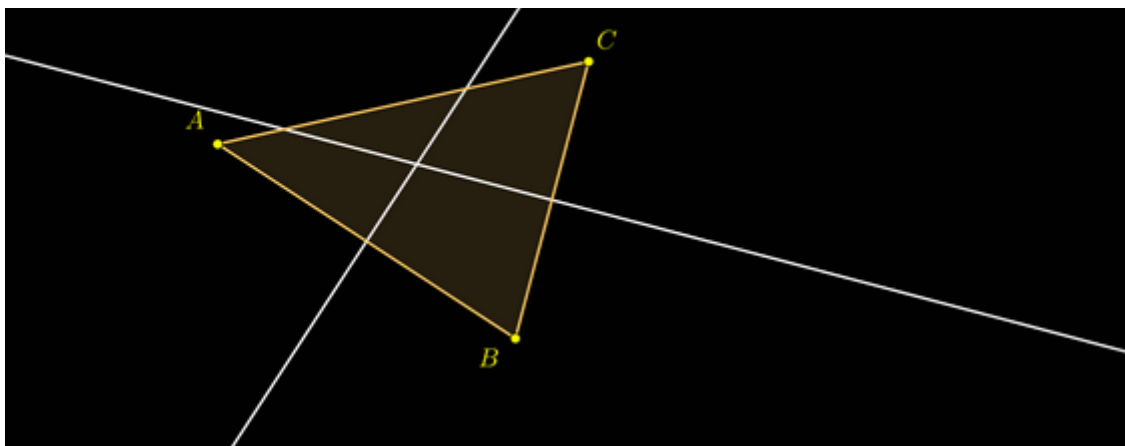
circuncentro.ggb

Archivo Editar Vista Opciones Herramientas Ventana Ayuda

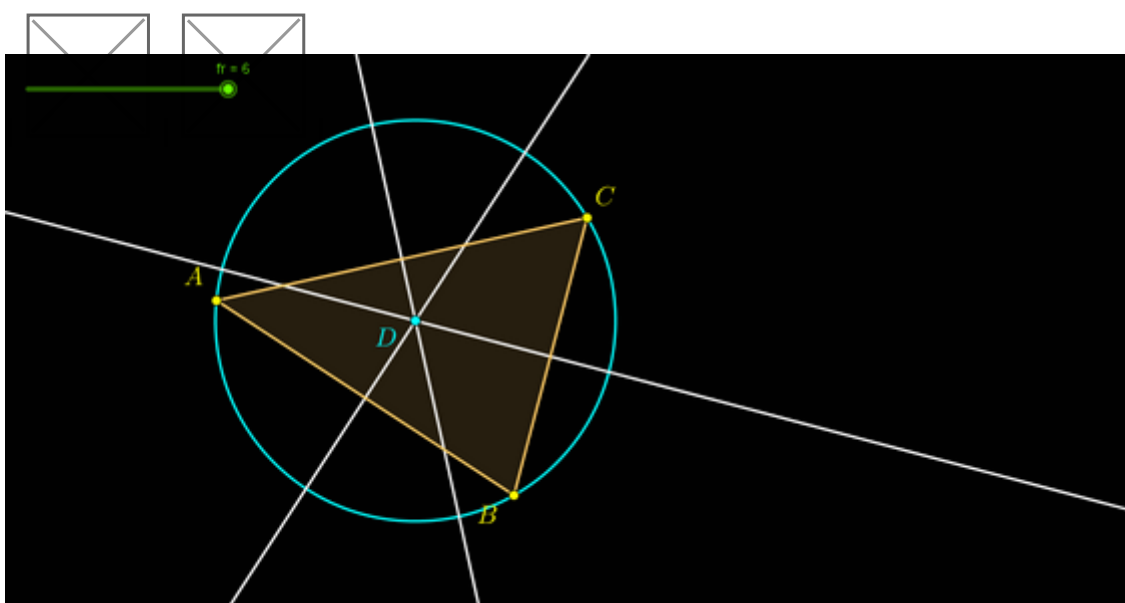


Ahora, lo que queríamos era realizar un gif animado para mostrar el proceso. Si eres un lector atento, de análisis minucioso, tal vez te hayas fijado en un objeto oculto en la anterior figura. Es un deslizador con los pasos (o fotogramas, si queremos) de los que constará la animación. Veamos lo que ocurre al desplazarlo desde 1 hasta 6:

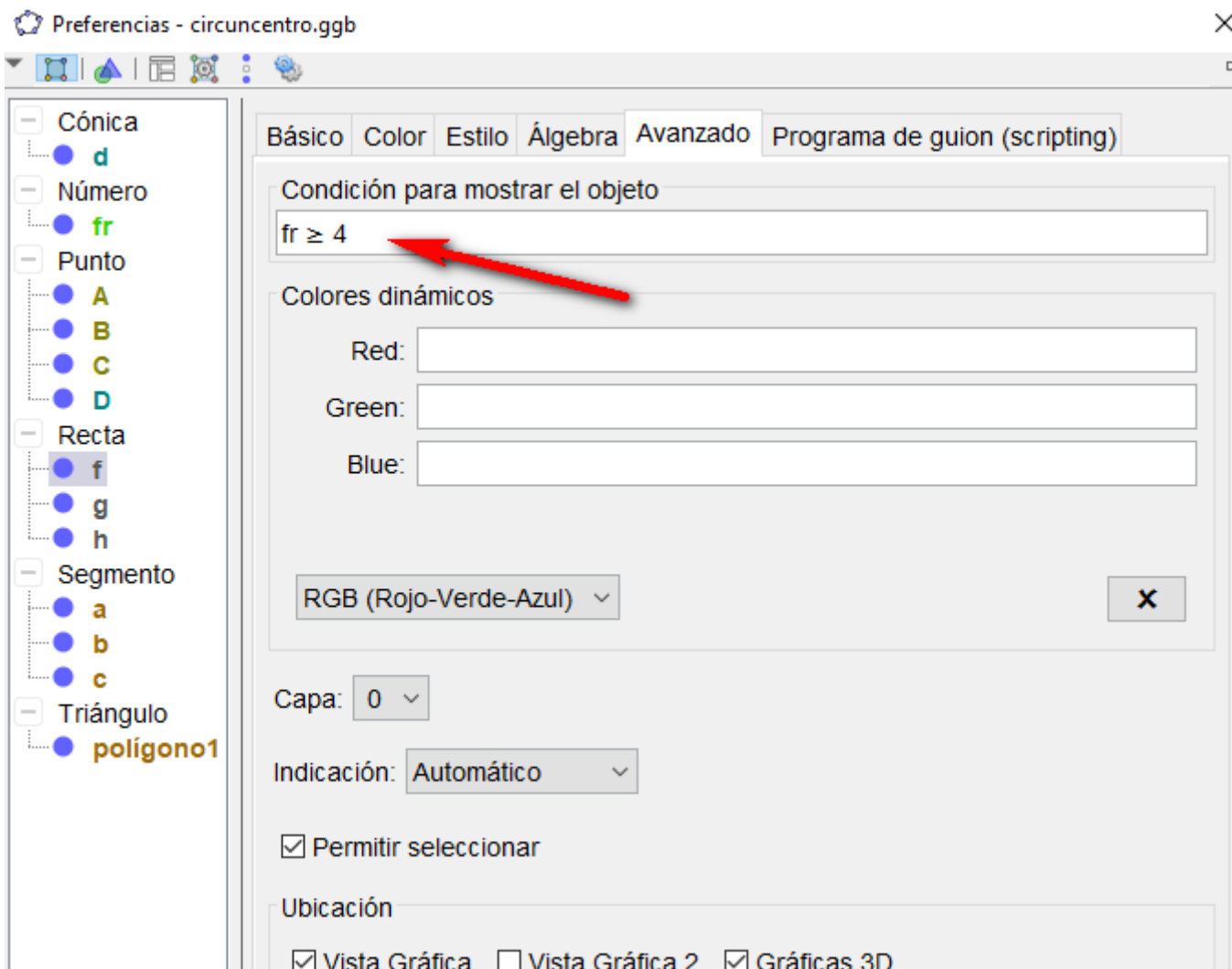




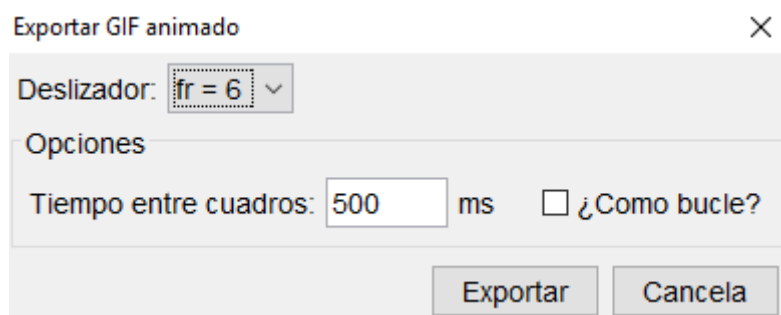
| | :--: | :--: | :--: |



Lo que estamos consiguiendo con el deslizador es ocultar y mostrar los objetos según nos convenga. Esto lo hacemos entrando en las propiedades avanzadas de cada objeto y especificando la condición para mostrarlo. En nuestro caso, el deslizador se llama «fr», y funciona como si fuera una variable numérica. En la figura siguiente observamos que la condición que hemos impuesto para mostrar la recta f (una de las mediatrices) es que $fr \geq 4$, por lo que permanecerá oculta en los fotogramas 1, 2 y 3; y se mostrará en los fotogramas 4, 5 y 6.



Una vez tenemos montada así nuestra construcción, ocultamos el deslizador que hemos utilizado para montar la película y acudimos al menú de exportación, donde tendremos que indicar el deslizador en el cual se basa la animación, y alguna otra opción, como el tiempo entre fotogramas y si queremos que se repita en bucle.



El gif que hemos creado podemos utilizarlo en nuestro blog, en kahoot o en cualquier otro sitio. Las posibilidades de exportación de Geogebra son inmensas.

Más Geogebra

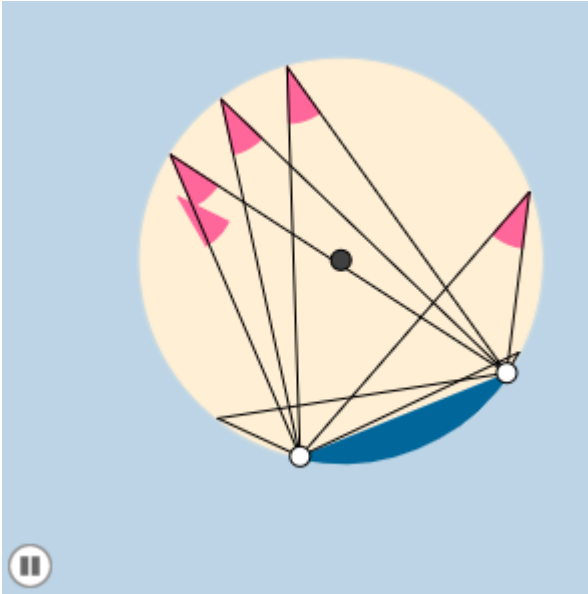
Más cosas que se pueden hacer con Geogebra y que no hemos comentado aquí, pero que se pueden ir explorando.

Modo examen

GeoGebra tiene un modo examen que permite a los estudiantes utilizarlo durante los exámenes, restringiendo el acceso a Internet u otros programas instalados en la computadora o dispositivo. De esta forma, es posible utilizar Geogebra en estas pruebas, pero evitando el empleo de otros programas o la propia conexión a Internet. Si el alumno deja la ventana de GeoGebra, se dispara una alerta que puede ser detectada por el profesor y queda documentada en el registro del examen. [Enlace al tutorial del equipo de documentación de Geogebra.](#)

Manipulables y animaciones

Una construcción de Geogebra realizada por el profesor, con deslizadores para modificar algún parámetro, puede considerarse ya como un manipulable. Se pueden llegar a hacer auténticas birguerías. Para muestra, tenemos las animaciones de [@dynamic_math](#) disponibles en su web <http://www.dynamicmathsolutions.com/101-animations>:



«Libros» de Geogebra

Muchos de los tutoriales de la wiki de Geogebra están creados, de hecho, con el propio editor de libros Geogebra. Se trata de un formato interactivo que permite integrar texto y applets de Geogebra. Se puede consultar en este [enlace](#).

Para saber más (referencias)

Arnal-Bailera, A. (2013). [Mediación tecnológica en la enseñanza y el aprendizaje de Geometría con grupos de riesgo: Estudio múltiple de casos](#). Tesis doctoral: Universitat Autònoma de Barcelona.

Fillooy, E., Puig, L., Rojano, T., & Carrión, V. (2016). Teachers using different methods and Geogebra to solve Arithmetic-Algebraic problems. En *Technology and Its Integration in Mathematics Education (TIME16)*. _Mexico.

Hohenwarter, M. & Preiner, J. (2007). [Dynamic mathematics with GeoGebra](#). *The Journal of Online Mathematics and Its Applications*, 7, 1448.

Hohenwarter, J., Hohenwarter, M., & Lavicza, Z. (2009). [Introducing dynamic mathematics software to secondary school teachers: The case of GeoGebra](#). *Journal of Computers in Mathematics and Science Teaching*, 28(2), 135-146.



Iranzo, N. & Fortuny, J. M. (2009). [La influencia conjunta del uso de GeoGebra y lápiz y papel en la adquisición de competencias del alumnado](#). *Enseñanza de las Ciencias*, 27(3), 433-446.

Varios autores (2017). [Seminario Experiencias de aula con GeoGebra](#). CIEM, Castro Urdiales. 17-19 de noviembre de 2017.

Varios Autores (2016). [Monografía: Uso de geogebra para la enseñanza y el aprendizaje de las matemáticas](#). *UNO*, 71.